

Un aperçu des méthodes formelles

Guy Tremblay
Dépt. d'informatique, UQAM

INF3140 Modélisation et spécifications formelle de logiciels
UQAM
Automne 2009

Plan de la présentation :

- Qu'est-ce qu'une spécification?
- Qu'est-ce qu'une méthode formelle?
- Qu'est-ce qu'un langage formel de spécification?
- À quelles étapes les méthodes formelles peuvent-elles être utilisées?
- Pourquoi y-a-t-il plusieurs notations et méthodes?
- Quels sont les principaux bénéfices des méthodes formelles?
- Sur quels aspects le cours INF3140 portera-t-il?

1 Prélude : Analyse, spécification et conception

Plusieurs niveaux de description d'un système :

- (a) Les besoins et exigences des usagers ;
- (b) L'ensemble (l'espace) des solutions possibles ;
- (c) Une solution particulière ;
- (d) La structure interne de la solution choisie ;
- (e) La description des divers modules (interfaces) ;
- (f) Les algorithmes utilisés par chaque module ;
- (g) Le code final.

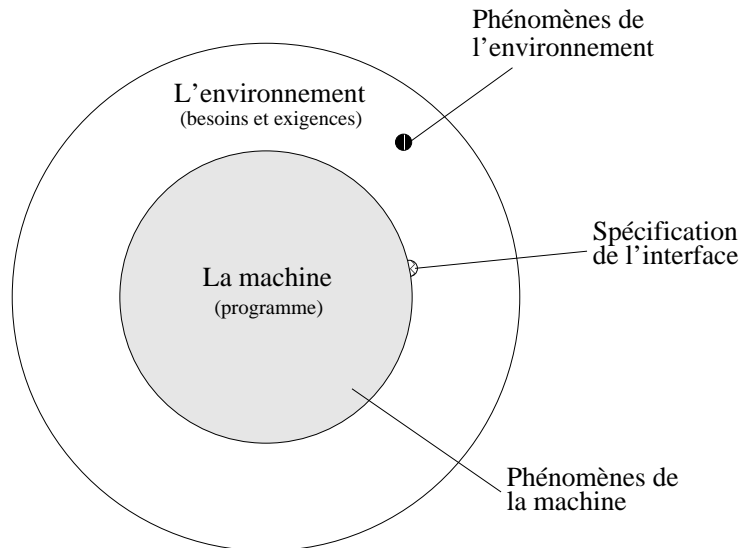
Analyse et spécification

L'étape d'**analyse et spécification** porte sur :

1. Analyse du problème = Analyser et comprendre le problème à résoudre, les besoins et exigences des usagers, les contraintes à respecter = (a)+(b)
 - (a) Besoins et exigences
 - (b) Espace des solutions possibles
2. Spécification du produit = Décrire le logiciel qui va satisfaire aux besoins et exigences et qui va respecter les contraintes = (c)
 - (c) Description d'une solution spécifique

Exigences et besoins vs. spécifications (selon M. Jackson) :

- Exigences et besoins = phénomènes de l'environnement
- Programmes = phénomènes internes à la machine
- Spécifications = phénomènes à l'interface environnement/machine



Conception

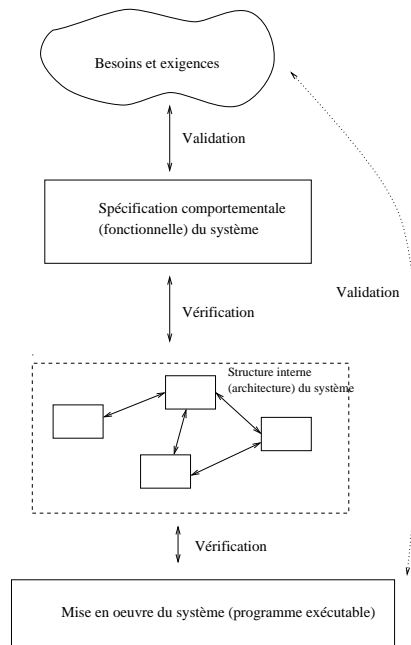
- Conception architecturale :
 - Quels sont les principaux modules?
 - Comment sont-ils organisés et structurés?
 - Quelles sont les interfaces entre les modules?
- Conception détaillée (procédurale) :
 - Que fait précisément chacun des modules?

Analyse et spécification vs. conception

Donc, analyse et spécification vs. conception =>

- Analyse et spécification : Concepts et interfaces pour utiliser le système (point de vue de l'*usager*) ;
- Conception : Concepts et interfaces pour construire le système (point de vue du *constructeur*).

Pourquoi une spécification est-elle importante?



Spécification = *Contrat à satisfaire*

- Validation : *Are we building the right product?* = Construit-on le bon produit?
- Vérification : *Are we building the product right?* = Construit-on le produit correctement?

2 Qu'est-ce qu'une "méthode formelle"?

"[Les méthodes formelles sont des] techniques basées sur les mathématiques pour décrire des propriétés [de] systèmes [informatiques]. [Elles] fournissent un cadre [pour] spécifier, développer, et vérifier des systèmes d'une façon systématique, plutôt que d'une façon ad hoc." [Wing90]

Éléments clés d'une méthode formelle :

- Langage *formel* pour l'écriture de spécifications
- Règles pour évaluer la validité/qualité des spécifications
- Stratégies et règles pour raffiner (mettre en oeuvre) les spécifications et vérifier ces raffinements

Fondation sur laquelle *tout* repose = spécification formelle

3 Qu'est-ce qu'un langage *formel* de *spécification*?

Langage avec syntaxe et sémantique bien définies :

- Syntaxe = EBNF ; diagrammes syntaxiques ; etc.
- Sémantique = algèbres ; automates et systèmes de transitions ; fonctions, relations et prédicats ; etc.

Doit permettre de décrire le comportement d'un composant logiciel

- en décrivant ses propriétés importantes
- de façon abstraite, sans détails inutiles
- sans dire comment il est réalisé (non-algorithmique)

Un langage de programmation *n'est pas* un langage de spécification :

- Trop algorithmique (opérationnelle, i.e., *procédurale*)
- Pas assez abstrait (tableaux, pointeurs, etc.)

La langue naturelle est trop floue, trop ambiguë, trop imprécise

- Que signifie "Le voltage V doit toujours être compris entre 100 et 120 volts?"

$$100.0 \leq V \leq 120.0$$

$$100.0 < V < 120.0$$

Les notions mathématiques pour les spécifications sont relativement simples :

- Logique propositionnelle :

$p \text{ implies } q = (\text{not } p) \text{ or } q$
 $\text{not } (p \text{ and } q) = (\text{not } p) \text{ or } (\text{not } q)$

- Ensembles = collections *non-ordonnées* d'éléments

```
e1: Set(Integer)
e1 = Set{20, 30}
e1->including(20) = e1
e1->union(e1)->size() = 2
e1->union( Set{30, 31, 32} ) = Set{20, 30, 31, 32}
```

- Logique des prédicats :

```
Set{0,2,4,6,8}->exists( i | 2*i = i )
not Set{0,2,4,6,8}->exists( i | i <> 0 and 2*i = i )
Set{0,2,4,6,8}->forall( i | i < i+1 )
Set{0,2,4,6,8}->forall( i, j | i < j implies i+1 < j+1 )
```

- Séquences = suites ordonnées d'éléments :

```
s1: Sequence(Integer)
s1 = Sequence{20, 30}
s1->size() = 2
s1->union(s1)->size() = 4
s1->prepend(10) = Sequence{10, 20, 30}
s1->append( Sequence{30, 31, 32} ) = Sequence{20, 30, 30, 31, 32}
```

Partie vraiment difficile des spécifications

≠ mathématiques (ensembles, fonctions)

= modélisation (comprendre le problème et modéliser une solution)

4 À quelles étapes les spécifications et les méthodes formelles peuvent-elles être utilisées?

- Analyse et spécification :
 - Description des concepts clés du problème (domaine d'application)
 - Spécification de la solution (comportement du système)
- Conception architecturale et détaillée :
 - Spécification de l'interface des composants
 - * Avec des contrats (pré/post-conditions)
 - * Avec des tests
- Construction de logiciels :
 - Vérification dynamique d'assertions
 - Tests unitaires

5 Pourquoi y-a-t-il plusieurs notations et méthodes différentes?

Il existe plusieurs styles différents de spécification :

- Modélisation abstraite
- Approche algébrique (types abstraits)
- Algèbre de processus
- Logique temporelle
- ...

Situation semblable à celle des langages de programmation :

- Domaines d'applications différents
- Styles (paradigmes) d'utilisation différents
- Pouvoirs expressifs différents

6 Des exemples

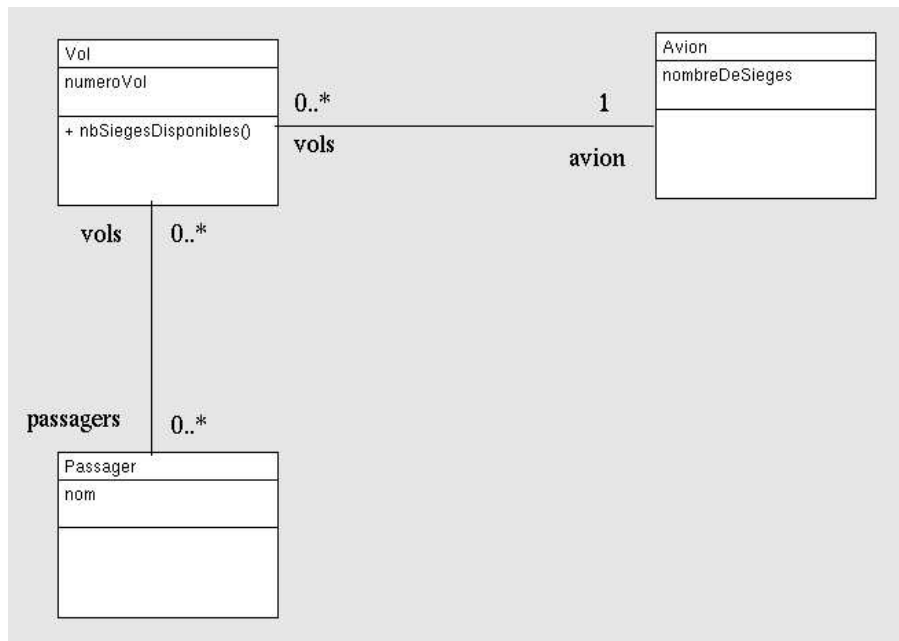
- Exemple = formalisation pour rendre *explicite* certaines propriétés *implicites*

Soit les deux affiches suivantes au pied d'un escalier mobile :



```
forall( p: personne |  
    veut_prendre_escalier(p)  
    implies  
    exists( s: souliers | porte_sur_ses_pieds(p, s) ) )
```

```
forall( p: personne, c: chien |  
    veut_prendre_escalier_avec(p, c)  
    implies  
    porte_dans_ses_bras(p, c) )
```



Contrainte additionnelle (ne pouvant pas être formulée graphiquement) :

```
context Vol  
    inv: passagers->size() <= avion.nombreDeSieges
```

- Exemple = Fonction pour calcul de racine carrée d'un nombre réel :

Spécification JML avec exception :

```
public final static double PRECISION = 0.1;

/*@ public normal_behavior
   @ requires x >= 0.0;
   @ ensures approximatelyEqualTo( x, \result * \result, PRECISION );
   @ also
   @ public exceptional_behavior
   @ requires x < 0.0;
   @ signals (Exception e) e instanceof RacineImaginaireException;
   */
public static double sqrt( double x ) {
    return ...;
}
```

Résultats acceptables/permis pour $x = 4.0$ et $PRECISION = 0.1$:

$1.9748417 < \text{sqrt}(4.0) < 2.0248456$

Question : Est-ce que ce sont les seuls résultats possibles/permis?

Tests JUnit avec *assertions* :

```
import org.junit.*;
import static org.junit.Assert.*;

public class TesterRacineCarree {

    @Test public void testerExact() {
        assertEquals( 2.0, sqrt(4.0), 0.1 );
    }

    @Test public void testerInexact() {
        assertEquals( 1.41421356237, sqrt(2.0), 0.1 );
    }

    @Test(expected=RacineImaginaireException.class)
    public void testerException() {
        sqrt(-12.0);
    }
}
```

Autre spécification JML, avec pré-condition forte :

```
public final static double PRECISION = 0.1;

/*@ requires x >= 0.0;
   @ ensures approximatelyEqualTo( x, \result * \result, PRECISION );
   @*/
public static double sqrt( double x ) {
    assert x >= 0.0; // Pre-condition forte!

    return ...;
}
```

- Exemple = Une *classe d'objets* pour des Piles (en OCL)

```
context Pile
inv tailleBornee: 0 < taille_max and elems->size() <= taille_max

context Pile::Pile()
post: result.est_vide()

context Pile::est_vide(): Boolean
post: result = elems->isEmpty()

context Pile::empiler( Object o )
post: elems = elems@pre->prepend(o)

context Pile::depiler()
pre: elems->notEmpty()
post: elems = elems@pre->subSequence(2, elems@pre->size())

context Pile::sommet(): Object
pre: elems->notEmpty()
post: result = elems->first()
```

- Exemple = Une *classe d'objets* pour des Piles (en Eiffel)

class interface

STACK[T]

feature

nb_elems: INTEGER

elem(*i*: INTEGER): T

require

index_valide: 1 <= *i* and *i* <= *nb_elems*

initialiser

ensure

est_vide: *nb_elems* = 0

sommet: T

require

pile_non_vide: *nb_elems* > 0

ensure

dernier_arrive: *Result* = *elem*(*nb_elems*)

empiler(*x*: T)

ensure

nb_elems_augmente: *nb_elems* = *old nb_elems* + 1

x_au_sommet: *sommet* = *x*

depiler

require

pile_non_vide: *nb_elems* > 0

ensure

nb_elems_diminue: *nb_elems* = *old nb_elems* - 1

invariant

nb_elems_jamais_negatif: *nb_elems* >= 0

end

7 Quels sont les principaux bénéfices d'une spécification formelle?

“Devoir en arriver à une meilleure compréhension de l'élément à spécifier en forçant l'analyste à être abstrait tout en étant précis à propos des propriétés du système peut être plus gratifiant que d'avoir le document de spécification lui-même.” [Wing90]

- Impact *positif* de l'effort de formalisation.
- Spécifications explicites, précises, non-ambiguës.
- Base pour la mise en oeuvre et pour des vérifications formelles.
- Outils (manipulation, analyse, simulation, génération de tests).
- Base pour le développement des tests.

8 Principaux aspects du cours INF3140

En trois mots :

- **Assertions**
- **Contraintes**
- **Contrats**

En quelques mots :

- Assertions
 - Utilisation pour les tests (unitaires)
 - Utilisation pour le débogage
- Contraintes
 - Formalisation de contraintes sur des diagrammes UML
- Contrats
 - Spécification de pré/post-conditions

Voir le “*mind map*” (“carte heuristique”) à la page suivante (produit avec l’outil *FreeMind*)

